

VII. LERNEN MIT EINEM KRITIKER

VII.1 Lehrer oder Kritiker

- Lehrer (Experte):

→ Liefert für einen Satz von Inputs $\underline{I}^{\mu}$ (Lernbeispiele!) den zugehörigen gewünschten Output $\underline{D}^{\mu} = \underline{D}(\underline{I}^{\mu})$

→ Lernen durch Optimierung einer Fehlerfunktion F :

$$\text{z.B. } F = \sum_{\mu} \sum_i (\underline{D}_i^{\mu} - \underline{O}_i^{\mu})^2 = \min$$

wobei $\underline{O}^{\mu} = \underline{O}(\underline{I}^{\mu}, \underline{W}) = \text{Netzwerk-Output}$

- Kritiker:

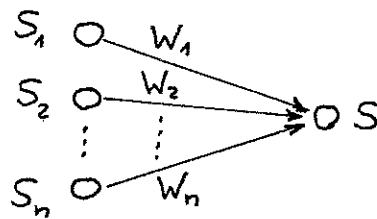
→ Liefert für jeden Input $\underline{I}^{\mu}$ eine Bewertung G^{μ} des Netzwerk-Outputs:

$$G^{\mu} = G(\underline{O}^{\mu}) \text{ oder } G(\underline{O}^{\mu}, \underline{I}^{\mu})$$

→ Lernen durch Optimierung einer Bewertungsfunktion $\bar{G}$:

$$\text{z.B. } \bar{G} = \sum_{\mu} G^{\mu} = \min \text{ oder } \max$$

VII.2 Deterministische oder stochastische Neuronen



$$S = f(V)$$

$$V = \sum_{i=1}^n W_i S_i$$

• Deterministische Neuronen:

$$S = \begin{cases} 1 & \text{falls } V \geq 0 \\ 0 & \text{" } V < 0 \end{cases} \quad \text{oder} \quad S = \frac{1}{1 + e^{-V}}$$

bzw.

$$S = \begin{cases} 1 & \text{falls } V \geq 0 \\ -1 & \text{" } V < 0 \end{cases} \quad \text{oder} \quad S = \frac{1 - e^{-V}}{1 + e^{-V}}$$

• Stochastische Neuronen:

$$S = \begin{cases} 1 & \text{mit Wahrsch.keit } p(V) \\ 0 & \text{" } 1 - p(V) \end{cases}$$

bzw.

$$S = \begin{cases} 1 & \text{mit Wahrsch.keit } p(V) \\ -1 & \text{" } 1 - p(V) \end{cases}$$

wobei

$$p(V) = \frac{1}{1 + e^{-\beta V}}$$

[Standard Stoch. Neuron: $\beta = 1$]

[$\beta \rightarrow \infty$: $\rightarrow$ Übergang zu deterministischem Neuron:

$$S = \begin{cases} 1 & \text{falls } V > 0 \\ 0 & \text{" } V < 0 \end{cases} \quad \text{bzw.} \quad \begin{cases} 1 & \text{falls } V > 0 \\ -1 & \text{" } V < 0 \end{cases}]$$

VII.3 Optimierung einer Bewertungsfunktion

(deterministische Neuronen)

Neuronale Netzwerke mit deterministischen Neuronen können sowohl mit Hilfe eines Lehrers ($\rightarrow$ Fehlerfunktion) als auch mit Hilfe eines Kritikers ($\rightarrow$ Bewertungsfunktion) trainiert werden.

Wie beim Trainieren mit einem Lehrer (siehe "Error-Backpropagation", Kapitel VI) kann man zur Minimierung (oder Maximierung) der Bewertung ebenfalls ein Gradientenverfahren verwenden, vorausgesetzt, dass die Bewertung $G(O, I)$ des Kritikers differenzierbar ist:

Lehrer: Fehlerfunktion $F = \frac{1}{2} (D - O)^2 = \min$

$$\begin{aligned} \rightarrow \Delta W_{ij} &= -\eta \frac{\partial F}{\partial W_{ij}} = -\eta \frac{\partial F}{\partial O} \frac{\partial O}{\partial W_{ij}} \\ &= \eta (D - O) \frac{\partial O}{\partial W_{ij}} \end{aligned}$$

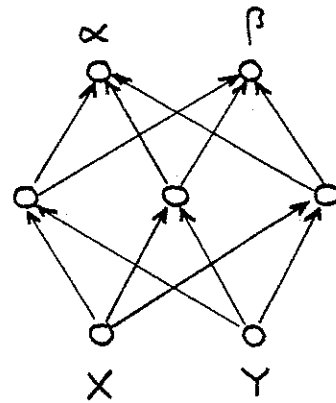
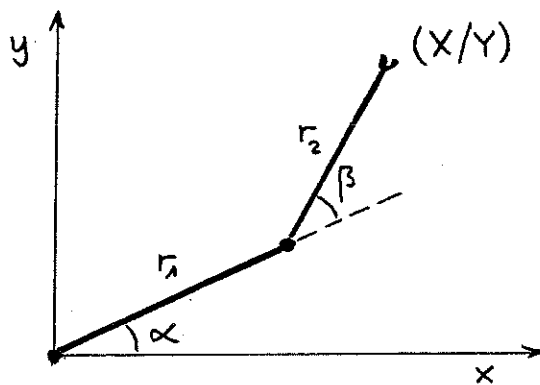
Kritiker: Bewertungsfunktion $G = G(O, I) = \min$

$$\rightarrow \Delta W_{ij} = -\eta \frac{\partial G}{\partial W_{ij}} = -\eta \frac{\partial G}{\partial O} \frac{\partial O}{\partial W_{ij}}$$

(siehe Beispiel "Roboter-Arm")

Bei komplizierten Bewertungsfunktion verwendet man besser ein stochastisches Lernverfahren (z.B. Simulated Annealing).

(siehe Beispiel "Mondlandung")

Beispiel: ROBOTER-ARM

- Lehrer: $\rightarrow$ Berechnung von $\alpha_D(X, Y)$, $\beta_D(X, Y)$
["kompliziert"!]

$\rightarrow$ Fehler:

$$F = (\alpha_D - \alpha)^2 + (\beta_D - \beta)^2 = \min$$

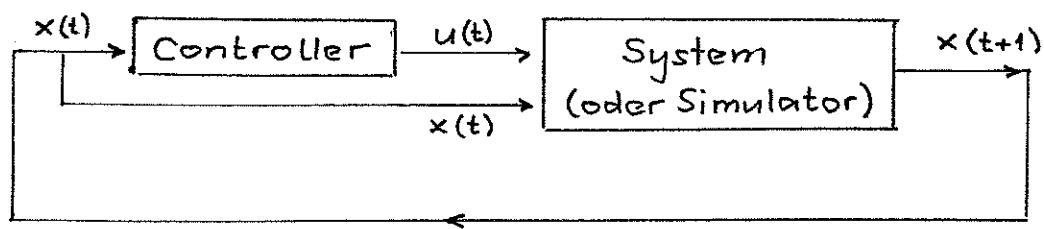
$$\rightarrow \Delta W_{ij} = \eta \left[(\alpha_D - \alpha) \frac{\partial \alpha}{\partial W_{ij}} + (\beta_D - \beta) \frac{\partial \beta}{\partial W_{ij}} \right]$$

- Kritiker: $\rightarrow \hat{X} = r_1 \cos \alpha + r_2 \cos(\alpha + \beta)$
 $\hat{Y} = r_1 \sin \alpha + r_2 \sin(\alpha + \beta)$ ["einfach"!]

$\rightarrow$ Bewertung:

$$G = (X - \hat{X})^2 + (Y - \hat{Y})^2 = \min$$

$$\rightarrow \Delta W_{ij} = \eta \left[(X - \hat{X}) \frac{\partial \hat{X}}{\partial \alpha} \frac{\partial \alpha}{\partial W_{ij}} + (Y - \hat{Y}) \frac{\partial \hat{Y}}{\partial \alpha} \frac{\partial \alpha}{\partial W_{ij}} \right. \\ \left. + (X - \hat{X}) \frac{\partial \hat{X}}{\partial \beta} \frac{\partial \beta}{\partial W_{ij}} + (Y - \hat{Y}) \frac{\partial \hat{Y}}{\partial \beta} \frac{\partial \beta}{\partial W_{ij}} \right]$$

VII.4 NeurocontrolNeurocontrol:

- Controller = Neuronales Netzwerk: $u(t) = u(x(t), \underline{W})$
anpassbare Gewichte ↗
- Lokale Bewertung der Control-Entscheidung:
 $g(x(t), u(t))$

Problem der verzögerten Bewertung:

Bei vielen Control-Problemen kann die Effizienz des Controllers erst nach vielen Control-Aktionen bewertet werden

(oft erst am Ende eines ganzen Control-Zyklus)

→ Bewertungsfunktion:

$$G(t) = \sum_{\tau=t}^T \gamma^{\tau-t} g(x(\tau), u(\tau)) = \min$$

↑
(Abdiskontierte) Summe über zukünftige lokale Bewertungen!
($0 < \gamma \leq 1$)

oder

$$G(T) = H(x(T)) = \min$$

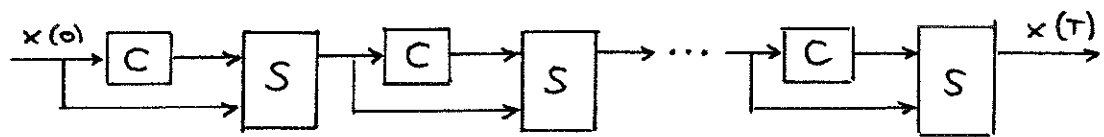
↑
Bewertung des Endzustandes!

Beispiele:

- "Truck-Backer-Upper"
- Mondlandeproblem
- Spiele (z.B. Backgammon, etc)

Lernverfahren für Neurocontroller:

(i) "Backpropagation through Time"



C = Neurocontroller

S = Simulator (= zweites neuronales Netzwerk)

↑
feste Gewichte (im Voraus trainiert!)

- Ganzer Control-Zyklus $t = 0, \dots, T$ mit gleichen Gewichten für C
- Error-Backpropagation durch die ganze Kette von neuronalen Netzwerken (nur Gewichte von C ändern)

[Beispiel: "Truck-Backer-Upper"]

(ii) Verwendung von stochastischen Lernverfahren (statt Backpropagation)

→ S muss nicht ein neuronales Netzwerk sein!

[Beispiel: Mondlandeproblem]

(iii) Verwendung eines zusätzlich neuronalen Netzwerks (= "Kritiker"), das während des Control-Prozesses lernt, die zukünftige Bewertung $G(t)$ immer genauer vorherzusagen

→ "TEMPORAL DIFFERENCE LEARNING"
(TD-LEARNING)

[siehe z.B.: R.S. Sutton and A.G. Barto
Reinforcement Learning
MIT Press, 1998
Chapters 6, 7, and 11]

Beispiel: DER "TRUCK-BACKER-UPPER"

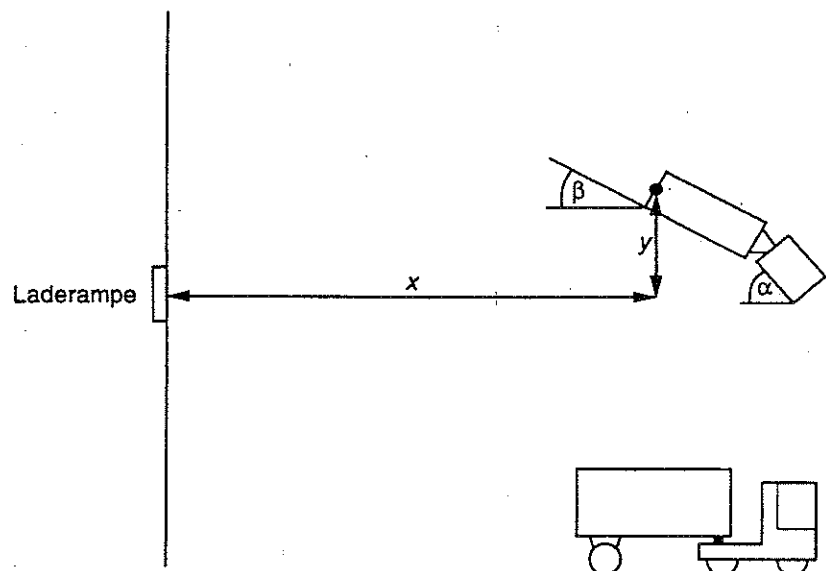
[D.H. Nguyen and B. Widrow

Neural Networks for Self-Learning Control Systems

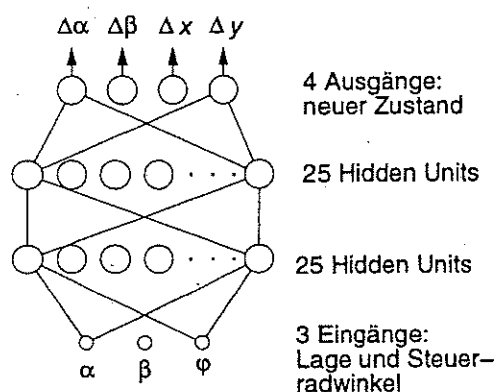
IEEE Control Systems Magazine, April 1990, pp. 18-23]

→ Rückwärtsparkieren eines Lastwagens mit Anhänger an vorgegebene Stelle einer Laderampe

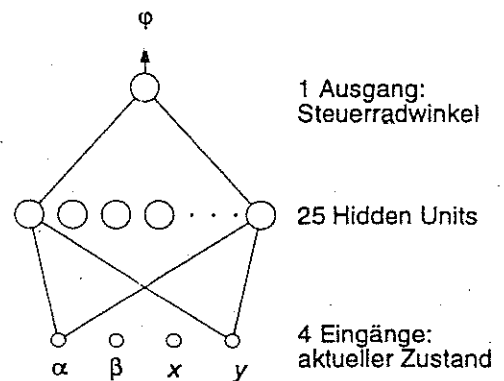
- Situationsplan des rückwärtsparkierenden Lastwagens und Definition der Positions-Parameter:



- Verwendete neuronale Netze für Lastwagen-Simulator (=Emulator) und Controller:



Emulator

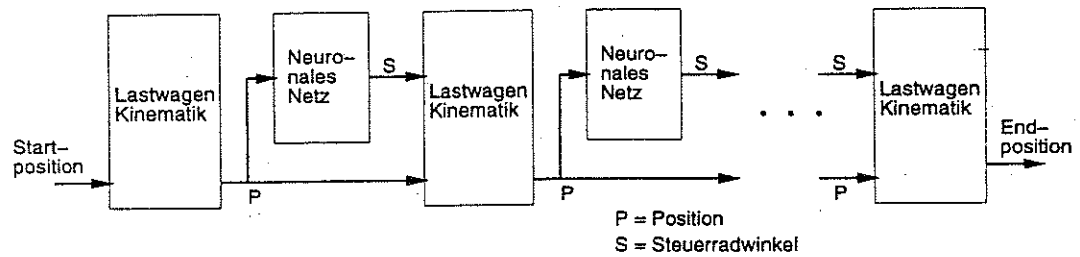


Controller

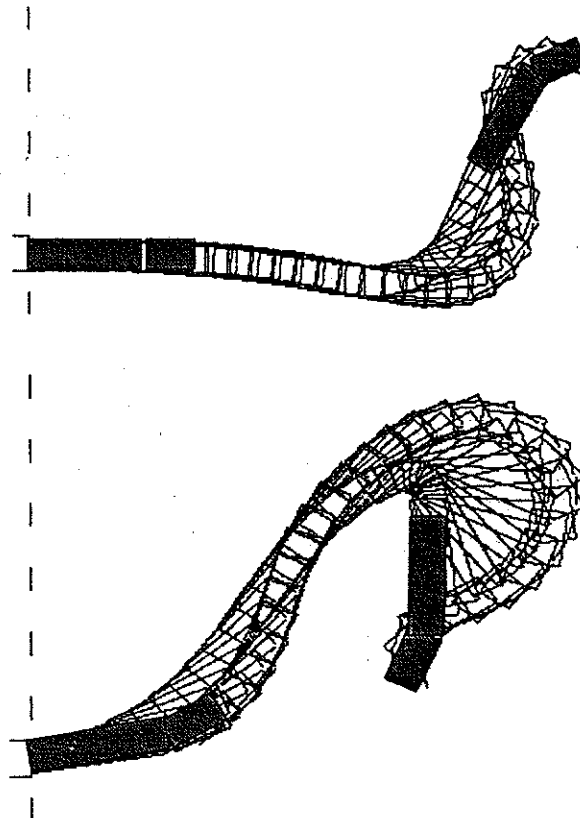
- Informationsfluss bei einer Rückwärtsfahrt des Lastwagens

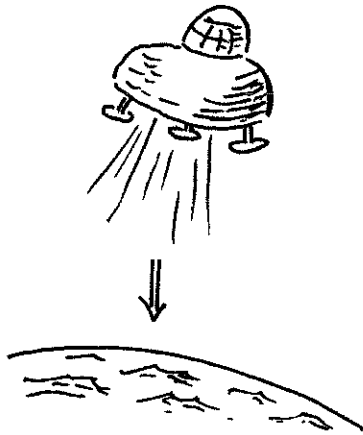
(= Vorwärtspfad durch die neuronalen Netzwerke)

[Lernprozess: Error-Backpropagation durch die ganze Kette von neuronalen Netzwerken]



- Beispiele von Fahrtrajektorien mit dem trainierten Neurocontroller:



Beispiel: DAS MONDLANDEPROBLEM

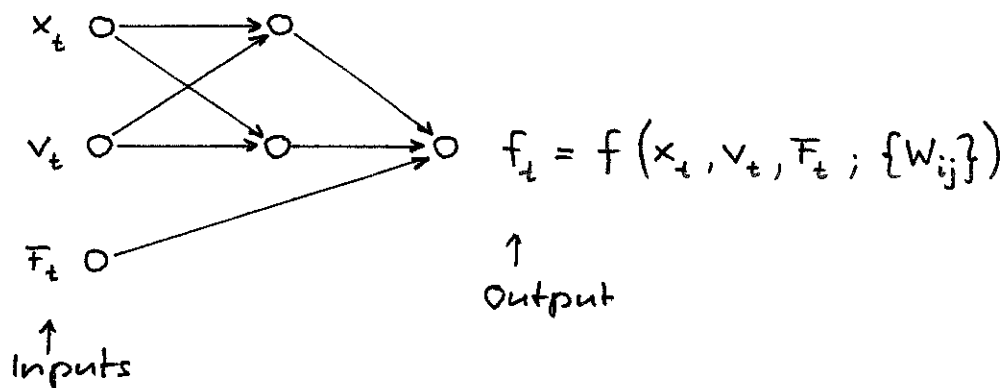
x_t : Höhe über Mondoberfläche

v_t : Sinkgeschwindigkeit

F_t : Treibstoffvorrat

f_t : Verzögerungskraft/Masseneinheit
(= Treibstoffverbrauch/sec)

• Neurocontroller:



• Bewertung:

$$G = \langle v_c^2 + \lambda \cdot \Delta F \rangle = \min$$

wobei: v_c = Aufprallgeschwindigkeit

ΔF = totaler Treibstoffverbrauch

$\langle \dots \rangle$ = Mittelung über verschiedene Anfangspositionen

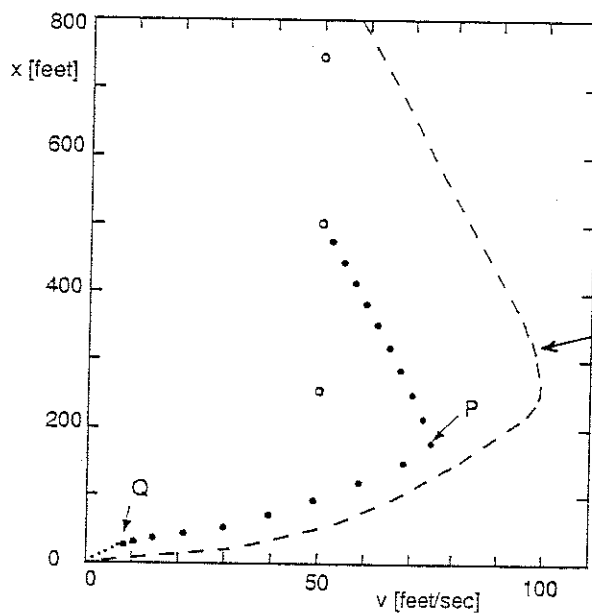
[→ Bewertung des Neurocontrollers erst am Ende eines Landevorgangs!]

- Training:

- Landesimulation mit festgehaltenen W_{ij}
- Stochastisches Lernverfahren (Simulated Annealing) zur Bestimmung von $\{W_{ij}\}$ mit $G = G(\{W_{ij}\}) = \min$

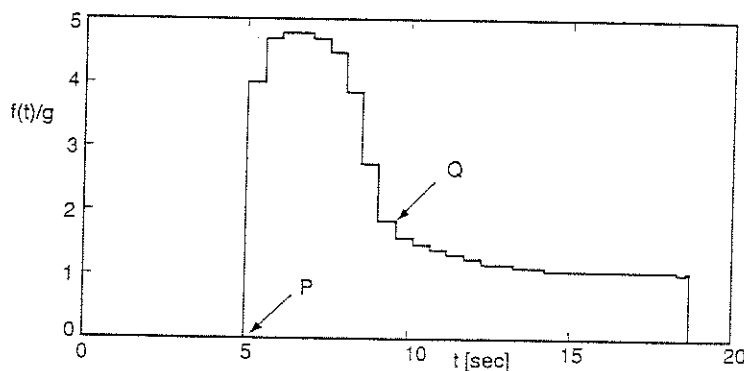
- Resultate:

→ Nahezu optimale Regelung nach ca. 500 Landesimulationen:



○ ; Anfangspositionen
○ ; für Trainingsphase

Stabilitätsbereich
($v_c < 5$ feet/sec)
für $F_0 = 150$



VII.5 Reinforcement Learning

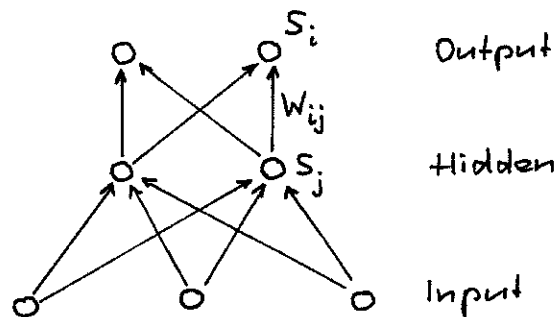
[R.S. Sutton and A.G. Barto
 Reinforcement Learning - An Introduction
 MIT Press, 1998]

→ VARIANTE FÜR STOCHASTISCHE NEURONALE NETZWERKE:
AR-P - LERNVERFAHREN (Associative Reward-Penalty)

[A.G. Barto, P. Anandan, IEEE Trans. Sys., Man, Cybern. 15, 360 (1985)]

[A.G. Barto, AIP Conf. Proc. 151 (1986), pp. 41-46]

• Stochastische Feedforward-Netzwerke:



$$V_i = \sum_j W_{ij} S_j$$

$$p(V_i) = \frac{1}{1 + e^{-V_i}}$$

[$\beta = 1$!]

$$S_i = \begin{cases} 1 & \text{mit Wahrsch.keit } p(V_i) \\ 0 & \text{mit Wahrsch.keit } 1 - p(V_i) \end{cases}$$

Bewertung: $r = r(\text{Output}, \text{Input})$

$$\text{z.B. } r = \begin{cases} \text{reward} & (\text{z.B. } r=1) \\ \text{penalty} & (\text{z.B. } r=0) \end{cases}$$

$$\text{oder } r \in [0, 1] \quad (0 \leq r \leq 1)$$

[skalare Bewertung]

• A_{R-P} - Lernverfahren:

- Input vorgeben
- Output bestimmen (stochastische Grösse!)
- Bewertung r [alle Output- und Hidden Units erhalten dieselbe Bewertung!]
- Gewichte W_{ij} ändern:

$$a) \quad \Delta W_{ij} = \begin{cases} \eta [S_i - p(V_i)] S_j & \text{falls } r = \text{reward} \\ -\lambda \eta [S_i - (1 - p(V_i))] S_j & \text{falls } r = \text{penalty} \end{cases}$$

$$[0 \leq \lambda \leq 1]$$

$$b) \quad \Delta W_{ij} = \eta \{ r [S_i - p(V_i)] - \lambda (1-r) [S_i - (1 - p(V_i))] \} S_j$$

falls $0 \leq r \leq 1$

[a) folgt aus b) wenn $r(\text{reward}) = 1$, $r(\text{penalty}) = 0$]

• Erwartungswerte für $\lambda = 0$:

$$\begin{aligned} E\{r\} &= \text{prob}(S_i = 1) \cdot E\{r | S_i = 1\} + \text{prob}(S_i = 0) \cdot E\{r | S_i = 0\} \\ &= p(V_i) \cdot E\{r | S_i = 1\} + (1 - p(V_i)) \cdot E\{r | S_i = 0\} \end{aligned}$$

$$\rightarrow \frac{\partial E\{r\}}{\partial W_{ij}} = p(V_i) (1 - p(V_i)) S_j [E\{r | S_i = 1\} - E\{r | S_i = 0\}]$$

$$E\{\Delta W_{ij}\} = \eta S_j \left[p(V_i) (1-p(V_i)) E\{r | S_i=1\} + (1-p(V_i)) (-p(V_i)) E\{r | S_i=0\} \right]$$

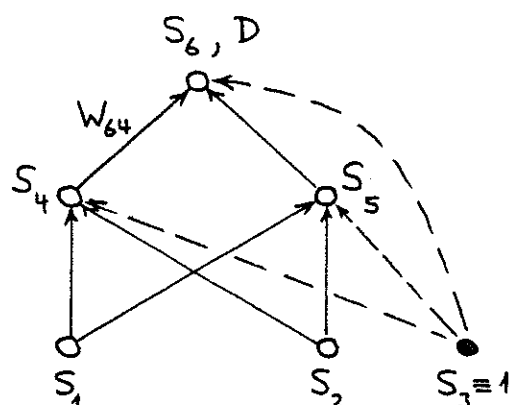
$$\rightarrow \boxed{E\{\Delta W_{ij}\} = \eta \frac{\partial E\{r\}}{\partial W_{ij}}} \quad (\lambda=0)$$

d.h. für $\lambda=0$ und $p(V_i) = \frac{1}{1+e^{-V_i}}$ [$\beta=1$!!]
 ist das A_{R-P} -Verfahren ein stochastisches
 Gradientenverfahren für $E\{r\} = \max$.

- Ein kleines $\lambda > 0$ [z.B. $\lambda=0.01$] verhindert das Steckenbleiben in schlechten lokalen Optima.
- A_{R-P} ist im allgemeinen langsamer als Error-Backpropagation.

ABER:

- A_{R-P} ist einfacher als Backpropagation!
- A_{R-P} ist auch dann anwendbar, wenn nur eine grobe Bewertung möglich ist (z.B. gut/schlecht)!
- A_{R-P} ist auch anwendbar, wenn die Bewertung r eine Zufallsgrösse ist!

BEISPIEL A : DAS XOR-PROBLEM

	Input		Output
	S_1	S_2	D
(a)	1	1	0
(b)	1	0	1
(c)	0	1	1
(d)	0	0	0

$$S_i = \begin{cases} 1 & \text{mit Wahrsch. } p(V_i) \\ 0 & \text{mit Wahrsch. } 1 - p(V_i) \end{cases}$$

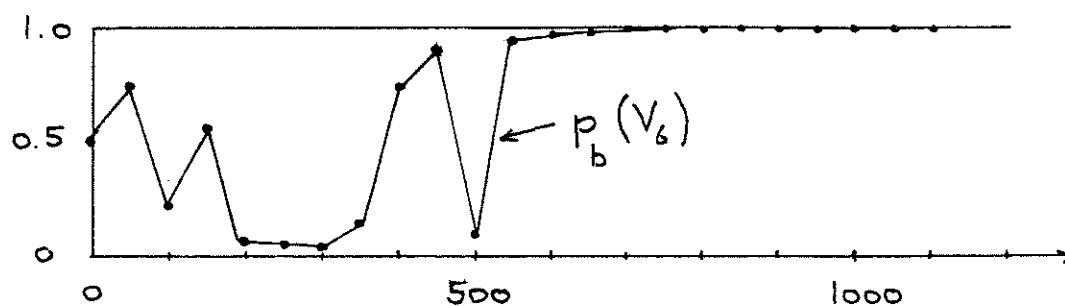
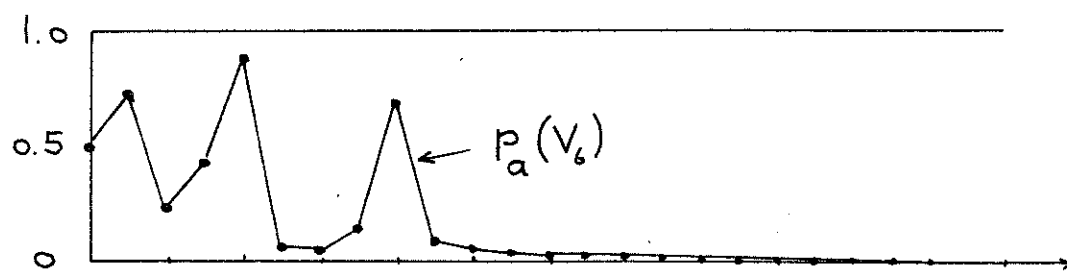
$$V_i = \sum_j W_{ij} S_j \quad i=4,5,6$$

Bewertung:

$$r = \begin{cases} 1 & \text{falls } S_6 = D \\ 0 & \text{falls } S_6 \neq D \end{cases}$$

$$\rightarrow \Delta W_{ij} = \eta \{ r [S_i - p(V_i)] - \lambda (1-r) [S_i - (1-p(V_i))] \} S_j$$

$$(\eta = 0.5, \lambda = 0.01)$$



Präsentationen / Lernbeispiel

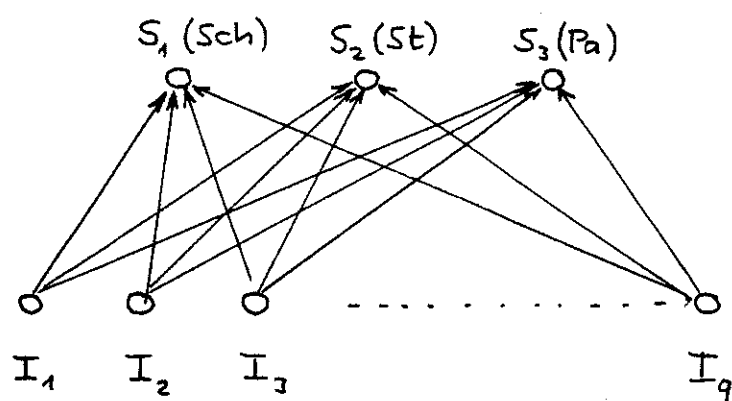
BEISPIEL B : "SCHERE, STEIN, PAPIER"

"Schere (Sch)" gewinnt gegen "Papier (Pa)"

"Stein (St)" " " "Schere (Sch)"

"Papier (Pa)" " " "Stein (St)"

Adaptives stochastisches Neuronales Netzwerk spielt gegen einen menschlichen Gegner:



$$P_i = \frac{1}{1 + \exp\left[-\sum_{j=1}^q W_{ij} I_j\right]}$$

$$I_j = 0 \text{ oder } 1$$

$I_1 = 1$ iff letzte 2 Symbole des Gegners = (Sch, Sch)

$I_2 = 1$ " " " " " " = (Sch, St)

etc

Netzwerk wählt nächstes Symbol gemäss:

$$(S_1, S_2, S_3) = \begin{cases} (1, 0, 0) & \text{mit Wahrsch.keit } Q_1 \text{ [Sch]} \\ (0, 1, 0) & \text{" " " " } Q_2 \text{ [St]} \\ (0, 0, 1) & \text{" " " " } Q_3 \text{ [Pa]} \end{cases}$$

$$\text{wobei: } Q_i = P_i / (P_1 + P_2 + P_3)$$

Für die Änderung der Gewichte W_{ij} wird eine heuristische Erweiterung des A_{R-P} -Verfahrens verwendet:

$$\Delta W_{ij} = \eta \{ r [S_i - P_i] - \lambda (1-r) [S_i - (1-P_i)] \} I_j$$

wobei: $r = \begin{cases} 1 & \text{bei Gewinn des Zuges} \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}$

Das Netzwerk adaptiert also seine Taktik ständig an die Strategie des Gegners.

Resultate für einfache (Sch, St, Pa, Sch, St, Pa, ...) - Strategie des Gegners:

